

**Список вопросов к экзамену по курсу**  
**«Элементы теории дискретных управляющих систем»**  
**(осенний семестр 2016-2017 уч. года; 418 группа).**

**I. Асимптотически наилучшие методы синтеза схем в некоторых моделях дискретных управляющих систем**

1. Формулы и СФЭ в произвольном базисе, функционалы их сложности и основные соотношения между этими функционалами. Верхняя оценка числа формул и СФЭ. См. [1:гл.2,§4], [2:гл.1,§2].
2. Некоторые модификации контактных схем (КС), итеративные КС (ИКС). Верхние оценки числа схем контактного типа. См. [1:гл.2,§7], [2:гл.1,§1].
3. Нижние мощностные оценки функции Шеннона для сложности схем контактного типа, для сложности и задержки формул и СФЭ в произвольном базисе. См. [1:гл.4,§4], [2:гл.1,§§1,2].
4. Универсальные множества ФАЛ и их построение. Асимптотически наилучшие методы синтеза СФЭ и ИКС в произвольном базисе. См. [1:гл.4,§8], [2:гл.1,§§3-5].
5. Асимптотически наилучший метод синтеза КС и формул в произвольном базисе. См. [1:гл.4,§8], [2:гл.1,§6].
6. Поведение функции Шеннона для задержки ФАЛ в произвольном базисе. Построение СФЭ асимптотически оптимальных как по сложности, так и по задержке. См. [2:гл.1,§7], [10:§21].

**II. Синтез схем для некоторых специальных ФАЛ и систем ФАЛ, оценки их сложности**

7. Реализация «больших» систем ФАЛ в классе КС и нижние оценки её сложности. Асимптотика сложности универсального контактного многополюсника. См. [2:гл.2,§1].
8. Метод забивающих констант и незабываемые множества переменных ФАЛ. Асимптотика сложности мультиплексора в некоторых классах схем. См. [2:гл.2,§2].
9. Теорема Храпченко. Сложность реализации линейной и некоторых других ФАЛ в классе  $\pi$ -схем. См. [3:часть I, разд. 2,§1; разд. 3,§2], [2:гл.2,§5].
10. Сферические ФАЛ. Сложность линейной и других ФАЛ в классе КС и самокорректирующихся КС. См. [3:часть III, разд. 3,§1], [2:гл.2,§4].

**III. Некоторые вопросы контроля контактных схем**

11. Полный диагностический тест для контактных схем. См. [7:с.132-134].
12. Верхняя оценка длины полного проверяющего теста для контактных схем. См. [7:с.135-142].
13. Верхняя константная оценка функции Шеннона длины единичного проверяющего теста при моделировании булевой функции двухполюсными контактными схемами с фиксированной входной избыточностью. См. [12:лемма 1 и теорема 4].

## **Типовые задачи к экзамену**

### **I. Задачи на асимптотически наилучшие методы синтеза**

1. Получение верхних оценок числа схем из заданного класса и установление нижних мощностных оценок соответствующих функций Шеннона.
2. Построение универсальных множеств ФАЛ и нахождение обобщённого разложения заданной ФАЛ.
3. Построение регулярных разбиений единичного куба, моделирующих заданную систему ФАЛ с заданной долей «плохих» компонент.
4. Получение асимптотически точных верхних оценок функций Шеннона для сложности схем из заданного класса.

### **II. Задачи на индивидуальную сложность ФАЛ**

1. Получение нижних оценок сложности систем ФАЛ в классе КС.
2. Получение нижних оценок сложности ФАЛ с помощью метода забивающих констант и незабываемых множеств переменных.
3. Получение нижних оценок сложности ФАЛ в классе КС и самокорректирующихся КС на основе их сферичности.
4. Получение нижних оценок сложности ФАЛ в классе  $\pi$ -схем с помощью теоремы Храпченко.

## **Литература**

### **Основная:**

1. Ложкин С.А. Лекции по основам кибернетики. – М.: МГУ, 2004.
2. Ложкин С.А. Дополнительные главы кибернетики и теории управляющих систем. (Электронные версии последних лет можно найти по адресу [http://mk.cs.msu.ru/index.php/Дополнительные\\_главы\\_кибернетики\\_и\\_теории\\_управляющих\\_систем](http://mk.cs.msu.ru/index.php/Дополнительные_главы_кибернетики_и_теории_управляющих_систем))
3. Яблонский С.В. Элементы математической кибернетики. – М.: Высшая школа, 2007.
4. Яблонский С.В. Введение в дискретную математику. – М.: Наука, 1986.
5. Алексеев В.Б., Вороненко А.А., Ложкин С.А., Романов Д.С., Сапоженко А.А., Селезнёва С.Н. Задачи по курсу «Основы кибернетики». – М.: МГУ, 2011.
6. Гаврилов Г.П., Сапоженко А.А. Задачи и упражнения по дискретной математике. – М.: ФИЗМАТЛИТ, 2004.
7. Редькин Н.П. Надежность и диагностика схем. М.: МГУ, 1992. 192 с.

### **Дополнительная:**

8. Алексеев В.Б., Ложкин С.А. Элементы теории графов, схем и автоматов. – М.: МГУ, 2000.
9. Дискретная математика и математические вопросы кибернетики. – М.: Наука, 1974.
10. Лупанов О.Б. Асимптотические оценки сложности управляющих систем. – М.: МГУ, 1984.
11. Нигматулин Р.Г. Сложность булевых функций. – М.: Наука, 1991.
12. Романов Д.С., Романова Е.Ю. О единичных проверяющих тестах для схем переключательного типа // Известия высших учебных заведений. Поволжский регион. Физико-математические науки. 2015, №1. С. 5-23.

## **Контрольные мероприятия**

**9 ноября, 10<sup>30</sup>, ауд. 503 – контрольная по разделу I;**  
**21 декабря, 10<sup>30</sup>, ауд. 503 – контрольная по разделам II и III.**