Дополнительные задачи к разделу «Минимизация ДНФ и связанные с ней задачи»

Pешения задач присылать по адресу lozhkin@cs.msu.su. Каждая задача засчитывается первому приславшему правильное решение на нее.

Задача 1.

Привести пример булевой функции от 4х переменных, у которой ни одна минимальная ДНФ не является кратчайшей и, наоборот, ни одна кратчайшая ДНФ не является минимальной, или доказать, что такой функции не существует.

Задача 2.

Доказать, что существует константа c, c < 3/4, такая, что $\lambda(f) < c \cdot 2^{n-1}$ для почти всех ФАЛ $f, f \in P_2(n)$.

Задача 3.

Найти длину кратчайшей ДНФ для поясковой симметрической функции от n переменных с отрезком рабочих чисел [r, n-r], для любого $r, 1 \leq r \leq \frac{n}{2}$.